考试样题

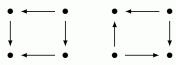
Xi Li Department of Philosophy Central South University xieshenlixi@163.com github

November 6, 2025

一、选择题. (8 道题, 每题 5 分, 共 40 分)

1、以下哪个公式是有效的?

- A. $\exists y \forall x Rxy \rightarrow \forall y \exists x Rxy$
- B. $\forall x \exists y Rxy \rightarrow \exists x \forall y Rxy$
- $C. \ \forall x \exists y Rxy \to \exists y \forall x Rxy$
- 2、下面哪个公式在左图上为真,右图上为假? 其中 Rxy 表示从 x 到 y 有箭头.



- А. ..
- B. ...
- C. ...
- D.

- 3、公式 $\forall xyz(Rxy \land Rxz \rightarrow Ryz)$ 在下面哪个图上为真?
 - A. ...
 - В. ...
 - C. ...
 - D. .
- 4、一个岛上有"君子"、"小人"两类人. "君子"只说真话,"小人"只说假话. 你来岛上遇到了一个土著小帅. 小帅说:"我是君子". 这时又来了一个土著小美. 你想请小帅去问下小美的身份. 小帅问过小美后, 回来对你说:"她说她是君子". 下面哪一项为真?
 - A. 小帅是君子, 小美是小人.
 - B. ...
 - C. ...
 - D. ...

二、下面公式是否有效? 若有效, 请证明, 若无效, 给出反模型. (10分)

$$(p \to r) \lor (q \to r) \to (p \lor q) \to r$$

三、请将如下问题翻译成合适的命题<mark>逻辑语言</mark>并用<mark>逻辑学方法</mark>求解. (20分)

已知一起凶杀案有三个嫌疑人: 小艾、小白和小菜. 至少有一人是凶手, 但不可能三人同时犯罪. 如果小艾是凶手, 那么小菜是同犯. 如果小白不 是凶手, 那么小菜也不是. 请问, 谁肯定是凶手?

四、下面论证是否有效?若有效,请证明,若无效,给出反模型. (20分)

人人都怕小艾. 小艾只怕我. 因此, 我就是小艾.

五、论述题. (10分)

谈谈你对逻辑学与哲学 (或数学、计算机科学、语言学等其它某一学科) 关系的理解.

六、附加题. (10分)

谈谈你对命题逻辑与布尔代数之间的关系的理解.